((3))

# 1 Mathematik

## 1.1 Grundlagen

### Ähnlichkeit zweier Dreiecke

Die folgenden Aussagen zu zwei Dreiecken sind äquivalent:

- Die Dreiecke sind ähnlich.

- Die Größen der Winkel des einen Dreiecks stimmen mit den Größen der Winkel des anderen Dreiecks überein.

- Die Verhältnisse der Seitenlängen des einen Dreiecks stimmen mit den Verhältnissen der Seitenlängen des anderen Dreiecks überein.

### Binomische Formeln

### Maße von Figuren

#### Dreieck

#### Parallelogramm

Ein Parallelogramm mit vier gleich langen Seiten wird als Raute bezeichnet.

#### Trapez

**Bild:** Skizze: Trapez ABCD mit a \| c und Höhe h auf a

#### Drachenviereck

**Bild:** Skizze: Drachenviereck ABCD mit den Diagonalen e und f

#### Kreis

### Maße von Körpern

#### Prisma

#### Pyramide

#### Zylinder

für gerade Zylinder:

#### Kegel

für gerade Kegel:

(m ist der Abstand der Spitze vom Rand der Grundfläche)

#### Kugel

((4))

### Potenzen und Logarithmen

### Quadratische Gleichung

und

sind die Lösungen der Gleichung

### Rechtwinkliges Dreieck

**Bild:** Dreieck UVW mit Umkreis

Das Dreieck UVW hat bei W einen rechten Winkel.  
Die Seiten sind mit u, v und w bezeichnet;  
w bezeichnet die Hypotenuse, u und v die Katheten des Dreiecks.  
Der Winkel beim Eckpunkt U ist mit benannt.  
Die Seite v ist dazu Ankathete, u Gegenkathete.

#### Satz des Pythagoras

Wenn ein Dreieck rechtwinklig ist, dann gilt für die Längen u und v der beiden Katheten und die Länge w der Hypotenuse:

Wenn für die Längen u, v und w der Seiten eines Dreiecks  
 gilt,  
dann hat dieses Dreieck einen rechten Winkel, der der Seite mit der Länge w gegenüber liegt.

#### Satz des Thales

Wenn ein Dreieck beim Eckpunkt W einen rechten Winkel hat, dann liegt W auf dem Kreis, der den Mittelpunkt der gegenüberliegenden Seite als Mittelpunkt hat und durch die beiden anderen Eckpunkte verläuft.

Wenn der Eckpunkt W eines Dreiecks auf dem Kreis liegt, der den Mittelpunkt der gegenüberliegenden Seite als Mittelpunkt hat und durch die beiden anderen Eckpunkte verläuft, dann hat dieses Dreieck bei W einen rechten Winkel.

### Symbole in Verbindung mit Mengen

((5))

### Trigonometrie

### Winkelmaße

Beträgt die Größe eines Winkels im Gradmaß 360°, so beträgt sie im Bogenmaß 2.

## 1.2 Analysis

### Ableitung

### Ableitungen ausgewählter Funktionen

|  |  |
| --- | --- |
| Term der Funktion | Term der Ableitungsfunktion |
|  |  |
| sin(x) | cos(x) |
| cos(x) | -sin(x) |
|  |  |
| ln(x) |  |
| -x +x \*ln(x) | ln(x) |

### Ableitungsregeln

|  |  |
| --- | --- |
| Term der Funktion | Term der Ableitungsfunktion |
| k \*u(x) | k \*u'(x) |
| u(x) +v(x) | u'(x) +v'(x) |
| u(x) \*v(x) | u'(x) \*v(x) +u(x) \*v'(x) |
| u(v(x)) | u'(v(x)) \*v'(x) |

((6))

### Ableitung von Integralfunktionen

Für dt gilt:

### Bestimmtes Integral

Ist F eine Stammfunktion von f, so gilt:

### Grenzwerte

Ist p(x) ein Polynom, so gilt:

Ist p(x) ein nicht konstantes Polynom, so gilt:

Ist p(x) ein Polynom ohne konstanten Summanden, so gilt:

### Rotationskörper

### Schneiden und Berühren zweier Funktionsgraphen

Die Graphen zweier Funktionen f und g schneiden sich in einem Punkt genau dann, wenn sie diesen Punkt gemeinsam haben.

Die Graphen zweier Funktionen f und g berühren sich in einem Punkt genau dann, wenn sie diesen Punkt gemeinsam und dort die gleiche Steigung haben.

### Zueinander senkrechte Geraden

Zwei Geraden mit den Steigungen und sind genau dann senkrecht zueinander, wenn gilt:

## 1.3 Analytische Geometrie/Lineare Algebra

### Skalarprodukt

((7))

### Ebenen

#### Parameterform:

#### Koordinatenform:

#### Normalenform:

## 1.4 Stochastik

### Bedingte Wahrscheinlichkeit und stochastische Unabhängigkeit

Die folgenden Aussagen zu Ereignissen A und B sind äquivalent:

- A und B sind stochastisch unabhängig.

-

-

### Binomialkoeffizient

### Zufallsgrößen

#### Für eine Zufallsgröße X mit den Werten x1, x2, ..., xn gilt:

Erwartungswert:

Varianz:

Standardabweichung:

#### Für eine binomialverteilte Zufallsgröße X gilt:

Erwartungswert:

Standardabweichung:

#### Dichtefunktion einer normalverteilten Zufallsgröße:

((8))

### Sigma-Regeln

Ist X eine normalverteilte Zufallsgröße, so gilt:

### Prognoseintervall und Konfidenzintervall

Für eine binomialverteilte Zufallsgröße gilt näherungsweise:

Prognoseintervall:

Die Gleichung

liefert die beiden Grenzen eines Konfidenzintervalls für den Wert von p.

### Signifikanztest

Wird die Nullhypothese irrtümlich abgelehnt, so bezeichnet man dies als Fehler erster Art. Das Signifikanzniveau ist der Wert, den die Wahrscheinlichkeit für den Fehler erster Art nicht überschreiten soll.

Wird die Nullhypothese irrtümlich nicht abgelehnt, so bezeichnet man dies als Fehler zweiter Art.